文章编号:1671-6833(2022)05-0046-06

ORC 向心透平的 CFD 计算与性能分析

马新灵,张景迪,孟祥睿,王 聪,潘佳浩,邱宇恒

(郑州大学 机械与动力工程学院,河南 郑州 450001)

摘 要:为了预测设计的向心透平在设计工况和非设计工况下的性能,采用 ANSYS CFX 对向心透平进 行了三维计算流体动力学(CFD)数值模拟,分析了透平进口温度、转速及压力比对其性能的影响,并通 过实验数据对 CFD 模拟结果进行验证。结果表明:在设计工况下,CFD 计算结果与一维设计参数非常 吻合,两者等熵效率与输出功率的相对误差分别为0.36%和4.85%;在设计转速下,当进口温度为368 K 时透平等熵效率达到最大,为77.6%;透平输出功率随进口温度的升高而增大,在0.9~1.1 的转速比下 运行时,透平等熵效率变化较小且具有较高的输出功率;压力比对透平等熵效率的影响较大,同时,透平 在设计转速和进口温度下运行时能较好地处理压力比的变化;以压力比、等熵效率和温降为评价指标, 将实验测量数据与 CFD 计算结果进行对比,其最大相对误差均小于10%,由此验证了 CFD 数值模拟对 透平性能预测的可靠性。

关键词:向心透平;三维数值模拟;等熵效率;输出功率

中图分类号: N032;TK14 文献标志码: A doi:10.13705/j.issn.1671-6833.2022.05.009

0 引言

有机朗肯循环(ORC)因为安全性高、维护要 求低、性能良好等优点,在余热发电领域得到了广 泛的应用^[1-2]。作为 ORC 系统中重要的热功转换 部件,膨胀机的选择和设计对系统的性能有着重要 的影响。向心透平由于高压力比、高转速、结构紧 凑、制造成本低、效率高等特点,被广泛应用于中小 型 ORC 系统中^[3-4],其设计与分析受到了越来越 多的关注。Li 等^[5]设计了一个向心透平的一维模 型来分析 8 种工质的动态透平效率。Daabo 等^[6] 以压缩空气作为工质,提出了一种以太阳能为热源 的小型向心透平的数值模拟方法。Sauret 等^[7]设 计了一台以 R134a 为工质的向心透平,并通过 CFD 数值模拟分析了透平的变工况性能。Xia 等^[8]对以 R245fa 为工质的向心透平进行了一维设 计和 CFD 数值模拟,结果表明,CFD 模拟结果与一 维计算结果非常吻合,同时指出在转子通道中添加 分流叶片可以有效提高透平的性能。

虽然 CFD 数值模拟在预测有机工质向心透 平的变况性能以及优化设计方面非常方便,但是 模拟计算过程所耗费时间较长且模拟结果易受实 际气体性质的影响。为了减轻这种影响,本文选 用真实气体方程 Peng-Robinson 方程^[9]来描述工 质的性质,通过 CFD 数值模拟研究了透平在设计 和非设计工况下的性能,并将模拟结果与设计参 数和实验数据进行了对比。

1 向心透平的一维设计

向心透平主要由蜗壳、定子和转子组成,其结构如图1所示。在图1中,*l*₁和*l*₂分别为转子进 出口叶高;*r*₁和*r*₂分别为转子进口半径和出口半 径。工质流经蜗壳后在定子入口处均匀分布,接 着进入喷嘴后进一步膨胀和加速。定子和转子之 间的间隙使得工质可以在定子出口处充分混合。 然后工质进入转子,在转子里继续膨胀并将其动 能转换为轴的机械能。

向心透平的轮周效率可以由能量方程和速度 三角形得出^[10],如式(1)所示,然后根据给定的 初始参数和一些具体要求,采用筛选法^[11]对向心 透平进行设计,因为透平的设计过程涉及公式及 计算非常复杂,所以借助计算机编写了 Visual Basic 热力计算程序,得到与轮周效率相关的 7 个 设计参数和透平主要几何参数,设计流程如图 2

收稿日期:2022-01-11;修订日期:2022-04-10

基金项目:河南省高等学校重点科研项目(19A480005)

作者简介:马新灵(1977—),女,河南南阳人,郑州大学副教授,博士,主要从事低温余热利用的研究,E-mail:xin-lingma@zzu.edu.cn。



Figure 1 Meridional view of radial inflow turbine

所示,得到的透平主要设计参数如表1所示。

$$\eta_{u} = 2x_{a} \left(\varphi \sqrt{1 - \Omega} \cos \alpha_{4} - \mu^{2} x_{a} + x_{a} \psi(\cos \beta_{5}) \cdot \sqrt{\Omega + (1 - \Omega) \varphi^{2} + \mu^{2} x_{a}^{2} - 2x_{a} \varphi \sqrt{1 - \Omega} \cos \alpha_{4}} \right)_{\circ} \quad (1)$$

式中: φ 为喷嘴速度系数; ψ 为转子叶片速度系数; α_4 为转子进口绝对气流角,(°); β_5 为转子出 口相对气流角,(°); Ω 为反动度; x_a 为速比; μ 为 轮径比。



2 向心透平的 CFD 模拟与分析

2.1 设计工况下的性能分析

采用 CFX 软件对向心透平进行数值模拟,利 用 ANSYS BladeGen 生成定子和转子通道,因为 向心透平的叶片呈周期性分布且具有对称性,为 了简化模型,只对单个定子通道和转子进行 CFD 模拟。运用 ANSYS-TurboGrid V19.2 对定子通道 和转子通道进行结构化网格划分,并进行了网格 无关性检验,最终确定透平单通道的网格数为

表1 向心透平主要设计参数

Table 1 Main design parameters of

radial inflow turbine

设计参数	数值
透平进口温度/K	343
透平进口压力/MPa	0.6
透平出口压力/MPa	0.15
转速/(r·min ⁻¹)	59 400
质量流量/(kg·s ⁻¹)	0. 155
喷嘴速度系数	0.95
反动度	0.45
喷嘴进口直径/mm	72. 8
喷嘴出口直径/mm	56
叶轮进口直径/mm	50
叶轮出口内径/mm	19
叶轮出口外径/mm	34
叶轮进口叶高/mm	1.87
转子叶片速度系数	0.85
输出功率/kW	2.68

500 000。为了保证求解的准确性,将收敛残差设置为 10⁻⁵。选择具有自动壁面功能的 SST 湍流模型^[12],使用第一层网格方法去细化边界层,并将雷诺数设置为 1×10⁶,近壁面网格尺寸选用 y⁺来描述,同时将 y⁺控制在 1 以内,以保证第一层网格节点位于黏性底层。透平入口总温、总压分别定为 343 K 和 0.6 MPa,出口静压定为 0.15 MPa。转子域的转速设置为 59 400 r/min。定子和转子域之间的界面采用冻结转子模型,其他壁面采用无滑移边界条件。设计工况下透平一维设计参数与 CFD 模拟计算结果如表 2 所示。

表 2 CFD 计算结果与一维设计参数的比较 Table 2 Comparison between CFD calculation results and one-dimensional design parameters

参数	一维设计	CFD 模拟	相对误差/%
压力比	4.00	3.93	1.75
等熵效率/%	72.57	72.83	0.36
质量流量/(kg·s ⁻¹)	0.155 0	0.155 6	0.41
输出功率/kW	2.68	2.81	4.85
进口压力/MPa	0.600	0.588	2.00
进口温度/K	343.15	342.44	0.16
出口压力/MPa	0.1500	0. 1495	0.33
出口温度/K	313.43	312.78	0.21

从表 2 可以发现,一维设计参数与 CFD 计算 值非常接近,两者的等熵效率相差 0.36%,输出 功率相差 4.85%。设计工况下静压和速度流线 分布如图 3 所示,从图 3 可以看出,定子流道内工 质压力梯度明显,透平内部静压分布均匀合理。 定子流道内的速度流线比较平滑,没有明显的涡 流。同时,工质从定子的入口到出口均匀加速。 在转子入口处存在小部分高速区域,这是有机蒸 气冲击转子叶片压力侧时产生涡流引起的,将会 导致工质的流动摩擦损失增大,后期可通过优化 转子叶片的叶型来改善该现象。



Figure 3 Pressure and velocity streamline distribution of 50% blade heigh

2.2 非设计工况下的性能分析

为了预测透平模型在偏离设计工况下运行时的性能,对透平模型在非设计工况下进行了 CFD 模拟。其中,透平进口温度为 343~383 K。考虑 到设计的透平转速较高,实际转速不应超过设计 值的 10%,因此,转速比(实际转速与设计转速比 值)在 0.6~1.1。压力比(实际压力与设计压力 比值)在 2.5~4.5。

图 4 显示了向心透平的等熵效率随进口温度 和转速的变化。从图 4(a)可知,在所有的转速下, 透平等熵效率皆是随着进口温度的升高先增大后 减小。原因是随着进口温度的升高,透平进口参数 和负荷均增加,导致流动损失增加,且转速越高,等 熵效率的最大值对应的温度越高,这是因为透平的 等熵焓降虽然会随着进口温度的升高而增大,但实 际焓降会随着转速的提高而增大,因此等熵效率的 最大值在转速较高时对应的温度也较高。随着转 速的依次升高,等熵效率的最大值依次在 353、358、 368、378 K 处取得,分别为 59.18%、71.08% 77.6%、75.89%。在设计转速下,不同进口温度下 的等熵效率最大差异为4.77%,表明透平能够有效 处理温度变化。从图4(b)可以看出,当进口温度 为343 K和363 K时,透平的等熵效率在设计转速 下达到最大值,然后随着转速的提高,效率迅速下 降,当进口温度为383 K时,等熵效率的最大值在 1.05 的转速比下获得。同时,随着进口温度的升 高,等熵效率的峰值先增大后减小,并趋向于在较 高的转速下获得。从图4可知,当以等熵效率为指 标,透平在设计转速工作时,进口温度为368 K时, 等熵效率达到最大,为77.6%,且当透平在0.9~ 1.1 的转速比下工作时,等熵效率变化较小,此时 进口温度应尽量控制在343~378 K。



Figure 4 Variation of the isentropic efficiency with inlet temperature and rotational speed

图 5 为向心透平输出功率随进口温度和转速 的变化。从图 5(a)可知,在 80%设计转速、设计 转速和 110%设计转速的条件下,输出功率随着 透平进口温度的升高而增加,并且转速越高,输出 功率增加速率越快。这是因为随着进口温度的升 高,有机工质通过透平的焓降的增加起了主导作 用。在 60%设计转速下,进口温度达到 353 K 之 前,输出功率的增加比较明显,然后随着入口温度 继续升高,输出功率几乎不变,这是因为在转速较 低的条件下,透平所能处理的焓降是有限的,因此 当透平转速较低时,进口温度不应过高。图 5(b) 显示,对于所有的进口温度,透平的输出功率随着 转速的升高先增加后减小。此外,随着进口温度 的升高,最大输出功率趋向于向更高的转速移动。 结合图 5 可知,当透平在 0.9~1.1 的转速比下工 作时,透平的输出功率较高且随进口温度的变化 比较平缓。



设计转速下等熵效率随压力比的变化如图 6 所示。由于 R245fa 在压力比为 4.5 时(进口压力 为 0.675 MPa) 蒸发温度为 347 K, 因此透平进口 温度分别取353、368、383 K。在3种进口温度下, 等熵效率随压力比的变化规律相同,皆是随着压 力比的增大逐渐减小。低压力比下等熵效率较高 的原因是透平的摩擦损失较小。随着透平进口温 度依次升高,等熵效率相对变化率分别为9.93%、 11.65%、14.98%,即进口温度与设计值(343 K)越 接近,等熵效率随压力比的变化越小。当进口温度 为353 K时,不同转速下等熵效率与压力比的对应 关系如图7所示。在所有的转速下,等熵效率随着 压力比的增大而减小。同时,随着转速的逐渐升 高,各等熵效率随压力比的相对变化率分别为 20.76%、17.22%、13.38%、15.75%,即等熵效率的 变化幅度随着实际转速与设计转速偏差的增大而 增大,因此,透平在设计转速与设计进口温度下工 作时能较好地处理压力比的变化。



图 6 设计转速下等熵效率随压力比的变化

Figure 6 Variation of the isentropic efficiency with pressure ratio for nominal rotational speed



图 7 入口温度为 353 K 时等熵效率随压力比的变化 Figure 7 Variation of the isentropic efficiency with pressure ratio for 353 K inlet temperature

2.3 基于实验数据的透平模型验证

基于向心透平的 ORC 发电实验台的系统结 构图和照片分别如图 8 和图 9 所示。ORC 实验 台设备包括蒸发器、冷凝器、向心透平、发电机、工 质泵、储罐、控制系统和数据采集仪器。在实验过 程中,首先,通过安装在阀门进出口处的测量装置 实时测量温度、压力和质量流量;其次,通过数据 采集装置将这些数据采集到计算机中;最后,根据 采集到的温度和压力参数,通过 NIST 发布的 REFPROP 9.1 获得工质的焓和熵。



Structural diagram of the ORC testing rig

Figure 8



图 9 基于向心透平的 ORC 实验台照片 Figure 9 Photography of the ORC testing rig based on radial inflow turbine

将 ORC 发电系统运行过程中向心透平的部分进出口参数作为 CFD 模拟时的边界条件,以此 来验证 CFD 模拟在预测非设计工况下向心透平 性能的可靠性。图 10(a)和 10(b)分别是实验测 量数据和 CFD 模拟结果中的压力比和等熵效率 随工质质量流量的变化关系。从图 10(a)可以看

出,压力比随着质量流量的增加而增加,但由于实 验过程中存在一些不可控因素,导致 CFD 计算结 果与实验数据之间存在一定的误差,最大相对误 差为 5.58%。由图 10(b)可知,在工质质量流量 达到 0.17 kg/s 之前,等熵效率随着流量的增加 而增加,之后随着质量流量的增加而降低,当工质 质量流量为 0.166 kg/s 时,两者的等熵效率差异 最大,为7.17%。图 10(c)为实验和 CFD 模拟过 程中向心透平转速对温降的影响。从图 10(c)可 以看出,在转速达到设计值的80%之前,温降随 着转速的增加而增加,后随着转速的继续增加,温 降与转速不再是简单的线性关系,且 CFD 计算结 果与实验数据的变化趋势也有所不同。整体来 说,通过 CFD 计算得到的温降大于实验得到的温 降,其原因可能是在数值模拟中,透平的各边界设 置为绝热壁面,而在实验过程中透平内部不可能 出现绝热的情况。通过 CFD 计算得到的温降与 实验测试数据的最大相对误差为 9.42%。



Figure 10 Turbine model validation based on experimental data

3 结论

(1)以 R245fa 为工质,完成了压力比为4的 向心透平的一维设计,并通过 CFD 模拟对其性能 进行了预测。结果表明,在设计工况下,透平内部 压力分布比较均匀,没有明显的涡流。此外,CFD 计算结果与一维设计参数吻合较好,两者的等熵 效率和输出功率仅分别相差 0.36%和4.85%。

(2)通过 CFD 模拟发现在转子入口处存在局 部高速区域,这将会导致工质的流动摩擦损失增 大,后期可以通过优化转子叶片的叶型来改善这 种现象,提高透平效率。

(3)研究了进口温度、转速和压力比对透平 性能的影响。结果表明,在设计转速下,当进口温 度为 368 K 时透平等熵效率达到最大,为 77.6%; 透平输出功率随进口温度的升高而增大,当透平 在 0.9~1.1 的转速比下运行时,随着进口温变 化,等熵效率的变化很小且具有较高的输出功率; 透平在设计转速和设计进口温度下运行时能较好地处理压力比的变化。

(4)以压力比、等熵效率和温降作为评价指标,将实验数据与 CFD 计算结果进行比较,其最大相对误差分别为 5.58%、7.17%、9.42%,证明了 CFD 模拟对透平性能预测的可靠性。

参考文献:

- [1] 魏新利,李明辉,马新灵,等. 有机朗肯循环系统的实验研究和性能分析[J]. 郑州大学学报(工学版),2016,37(2):73-76.
 WEIXL,LIMH,MAXL, et al. Experimental investigation and performance analysis of organic Rankine cycle system[J]. Journal of Zhengzhou university (engineering science), 2016, 37(2): 73-76.
- [2] EYERER S, DAWO F B, WIELAND C, et al. Advanced ORC architecture for geothermal combined heat and power generation [J]. Energy, 2020,

205: 117967.

[3] 魏新利,邱志明,马新灵,等.向心透平导向叶栅的结构优化[J].郑州大学学报(工学版),2014, 35(1):46-50.
WEIXL,QIUZM,MAXL, et al. The structural optimization of guide vane of radial-inward-flow turbine

optimization of guide vane of radial-inward-flow turbine [J]. Journal of Zhengzhou university (engineering science), 2014, 35(1): 46-50.

- [4] RAHBAR K, MAHMOUD S, AL-DADAH R K, et al. Review of organic Rankine cycle for small-scale applications [J]. Energy conversion and management, 2017, 134: 135-155.
- [5] LI P, HAN Z H, JIA X Q, et al. Analysis and comparison on thermodynamic and economic performances of an organic Rankine cycle with constant and one-dimensional dynamic turbine efficiency[J]. Energy conversion and management, 2019, 180: 665-679.
- [6] DAABO A M, MAHMOUD S, AL-DADAH R K, et al. Numerical analysis of small scale axial and radial turbines for solar powered Brayton cycle application [J]. Applied thermal engineering, 2017, 120: 672-693.
- [7] SAURET E, GU Y T. Three-dimensional off-design numerical analysis of an organic Rankine cycle radialinflow turbine[J]. Applied energy, 2014, 135: 202-211.

- [8] XIA J X, WANG J F, WANG H Y, et al. Three-dimensional performance analysis of a radial-inflow turbine for an organic Rankine cycle driven by low grade heat source[J]. Energy conversion and management, 2018, 169: 22-33.
- [9] DAABO A M, AL JUBORI A, MAHMOUD S, et al. Development of three-dimensional optimization of a small-scale radial turbine for solar powered Brayton cycle application [J]. Applied thermal engineering, 2017, 111: 718-733.
- [10] SONG J, GU C W, REN X D. Influence of the radialinflow turbine efficiency prediction on the design and analysis of the organic Rankine cycle (ORC) system
 [J]. Energy conversion and management, 2016, 123: 308-316.
- [11] 李燕生,陆桂林. 向心透平与离心压气机[M]. 北京:机械工业出版社, 1987.
 LIYS, LUGL. Radial inflow turtbine and centrifugal compressor [M]. Beijing: China Machine Press, 1987.
- [12] ROCHA P A C, ROCHA H H B, CARNEIRO F O M, et al. K-ω SST (shear stress transport) turbulence model calibration: a case study on a small scale horizontal axis wind turbine[J]. Energy, 2014, 65: 412-418.

CFD Calculation and Performance Analysis of ORC Radial Inflow Turbine

MA Xinling, ZHANG Jingdi, MENG Xiangrui, WANG Cong, PAN Jiahao, QIU Yuheng

(School of Mechanical and Power Engineering, Zhengzhou University, Zhengzhou 450001, China)

Abstract: In order to predict the performance of the designed radial inflow turbine in design and off-design conditions, the three-dimensional computational fluid dynamics (CFD) simulation of radial inflow turbine was carried out by ANSYS CFX. The effects of turbine inlet temperature, rotational speed and pressure ratio on its performance were analyzed, and the CFD simulation results were verified by experimental data. The results showed that under the design condition, the CFD calculation results were very consistent with the one-dimensional design parameters, and the relative errors of isentropic efficiency and output power were 0.36% and 4.85%, respectively. Under the design rotational speed, the isentropic efficiency reached maximum 77.6% with the inlet temperature was 368 K. The output power increased with the increase of inlet temperature, the isentropic efficiency had a slight change and had high output power when the turbine was operating at 0.9 to 1.1 of the rotational speed ratio. The pressure ratio had a great influence on the isentropic efficiency of the turbine. Meanwhile, the turbine could better deal with the change of pressure ratio when operating at the design rotational speed and design inlet temperature. Taking the pressure ratio, isentropic efficiency and temperature drop as evaluation indexes, the experimental data were compared with the CFD calculation results. The results showed that the maximum relative errors were less than 10%, which could verify the reliability of CFD numerical simulation for turbine performance prediction.

Keywords: radial inflow turbine; three-dimensional numerical simulation; isentropic efficiency; output power